



Рис. 16

Если же  $a > b$ , то рассмотрим прямые  $l_x$ ,  $l_y$ ,  $l_z$  – параллельные сторонам шестиугольника и равноудаленные от них (рис.15). В качестве искомых точек  $X$ ,  $Y$  и  $Z$  возьмем середины отрезков, высыпаемых сторонами на этих прямых.

Покажем, что любой треугольник  $T$ ,  $T \in S$ , содержит какую-то точку из множества  $M = \{X, Y, Z\}$ . Заметим, что  $T$  пересекает любую из прямых  $l_x$ ,  $l_y$  и  $l_z$ , так как иначе  $T$  лежит в полосе меньшей ширины, чем его высота. Предположим противное:  $T$  не содержит точек  $X$ ,  $Y$  и  $Z$ , тогда без ограничения общности можно считать, что  $T$  пересекает  $l_x$  выше и левее  $X$ , а  $l_y$  – левее  $Y$  (рис.16). Так как  $T \sim \Delta XYZ$ , легко видеть, что правая нижняя вершина  $T$  лежит в  $\Delta XYZ$ , а значит,  $T$  не пересекает  $l_z$  – противоречие.

**7.** Рассмотрим множество  $M$  центров сфер диаметра 1, лежащих в данном тетраэдре  $T$ . Так как  $M$  – множество точек, удаленных от всех граней  $T$  не менее чем на  $1/2$ , то  $M$  – это тетраэдр с гранями, параллельными граням тетраэдра  $T$ , т.е.  $M$  и  $T$  гомотетичны. Центры вписанных сфер обоих тетраэдров совпадают, поэтому коэффициент в гомотетии равен  $\frac{r-1/2}{r}$ , где  $r$  – радиус сферы, вписанной в  $T$ .

С другой стороны, две сферы единичного диаметра не пересекаются, поэтому расстояние между их центрами не меньше 1, значит, длина одного из ребер тетраэдра  $M$ , содержащего эти центры, не меньше 1. Отсюда следует, что  $k \geq \frac{1}{100}$  (длины ребер тетраэдра  $T$  не больше 100), т.е.  $1 - \frac{1}{2r} \geq \frac{1}{100}$ , откуда  $2r \geq \frac{100}{99} > 1,01$ . Итак, диаметр сферы, вписанной в  $T$ , больше 1,01, т.е. в качестве искомой можно выбрать сферу, вписанную в  $T$ .

### XXXII ВСЕРОССИЙСКАЯ ОЛИМПИАДА ШКОЛЬНИКОВ ПО ФИЗИКЕ

#### Теоретический тур

##### 9 класс

$$1. F_1 = \sqrt{F^2 + 3m^2 g^2 r^2 / R^2}.$$

$$2. 1) v_{\text{в}} = 0, v_{\text{н}} = 2v_0 = 12 \text{ м/с}; 2) v_1 = v_0 - \mu gt_1 = 2 \text{ м/с}, \\ v_2 = 0; 3) l_1 = v_0 t_1 - \mu g t_1^2 / 2 = 8 \text{ м}, l_2 = v_0^2 / (2\mu g) = 9 \text{ м}.$$

$$3. \Delta p_{AB} = -\Delta p_{CD} = p_0 \beta (t_1 - t_2) gh / 2 = 0,63 \text{ Па}.$$

4. 1)  $I_1 = 0,094 \text{ А}$ ; 2)  $I_1^* = 0,084 \text{ А}$ . Указание. В обоих случаях надо построить соответствующие вольт-амперные характеристики и найти точки их пересечения.

##### 10 класс

$$1. A = m \Delta v g \tau / 2 - k^2 (u \tau - s)^2 / (2m).$$

2.  $\eta_1 = (\alpha - 1)R / (2C_V) = 0,2$ ,  $\eta_2 = (\alpha - 1)R / (2\alpha C_V) = 0,125$ , где  $C_V = 3R/2$  – молярная теплоемкость одноатомного идеального газа при постоянном объеме.

$$3. \Delta m = \frac{kMV - m(C_V + R)}{LM + RT} \Delta T \approx 3 \cdot 10^{-3} \text{ г}.$$

4.  $I_1 = (E_1 + E_2) / (R_1 + R_2)$  и  $I_2 = 0$ , если  $E_1 R_2 - E_2 R_1 > 0$ ;

$I_1^* = E_1 / R_1$  и  $I_2^* = E_2 / R_2 - E_1 / R_1$ , если  $E_1 R_2 - E_2 R_1 < 0$ .

$$5. 1) A_{\text{max}} = C_0 \varepsilon (\varepsilon - 1) E^2 / 2; 2) \Delta W = -C_0 E^2 (\varepsilon - 1) / 2;$$

$$3) A_{\text{бат}} = -C_0 E^2 (\varepsilon - 1); 4) Q = C_0 E^2 (\varepsilon - 1)^2 / 2.$$

##### 11 класс

$$1. Q_{\text{max}} = mv_0^2 / 2 \approx 0,05 \text{ Дж при } \mu_1 \approx 0,016, \mu_2 \approx 0,08 \text{ и}$$

$$\mu_3 \approx 0,053 \text{ ( } \mu = \frac{v_0}{2\pi g \sqrt{M/k}} \frac{1}{n} \text{, где } n = 1, 2, 3\text{).}$$

$$2. 1) x = h/2; 2) \Delta p_{AB} = -\Delta p_{CD} = \alpha(T_1 - T_2)gh/2; 3) P = ck\alpha(T_1 - T_2)^2 gh/2.$$

$$3. T_2 = T_0 \left( 1 + \frac{4P}{p_0 S} \sqrt{\frac{M}{3RT_0}} \right) = 354 \text{ К}; T_1 = 2T_2 - T_0 = 408 \text{ К};$$

$$p_2 = p_0 \sqrt{T_2/T_0} = 1,09 \cdot 10^5 \text{ Па}; p_1 = p_0 \sqrt{T_1/T_0} = 1,36 \cdot 10^5 \text{ Па}.$$

$$4. 1) U_0 = a_0 m R / (IB) = (100 \pm 10) \text{ В, где } a_0 \text{ – начальное ускорение перемычки (при } t = 0\text{), определяемое по графику зависимости}$$

$$\text{ти } v \text{ от } t; 2) C = \left( \frac{R}{v_1} \left( \frac{IBU_0}{mR} - a_1 \right) - \frac{(IB)^2}{m} \right)^{-1} = (1 \pm 0,1) \cdot 10^{-3} \text{ Ф,}$$

где  $v_1$  и  $a_1$  – скорость и ускорение перемычки при  $t \neq 0$  (опре-

$$\text{деляются по графику); 3) } v_{\text{вер}} = \left( \frac{IBU_0}{m} \right) \left( \frac{(IB)^2}{m} + \frac{1}{C} \right)^{-1} = (14,3 \pm 1,5) \text{ м/с.}$$

5. 1)  $\lambda = 2vT = (456 \pm 4) \text{ нм, где } T = (0,113 \pm 0,001) \text{ с – период колебаний фототока, измеряемый по интерференционной картины; 2) } \Delta\lambda = \lambda T / \tau \approx 4 \text{ нм, где } \tau \approx 12,9 \text{ с – период «биений», измеряемой по интерференционной картине; 3) } I_1/I_2 = 1.$

#### КОЛЛЕКЦИЯ ГОЛОВОЛОМОК

1. Треугольник №3 расположен зеркально по отношению к остальным. 2. 41; 19, 14, 13, 11. 3. 10 и 15.

# КВАНТ

#### НОМЕР ПОДГОТОВИЛИ

А.А.Егоров, Л.В.Кардасевич, С.П.Коновалов,  
А.Ю.Котова, В.А.Тихомирова, А.И.Черноуцан

#### НОМЕР ОФОРМИЛИ

Д.Н.Гришукова, В.А.Иванюк,  
В.М.Митурич-Хлебникова, А.Е.Пацхверия,  
П.И.Шевелев

ХУДОЖЕСТВЕННЫЙ РЕДАКТОР  
Е.В.Морозова

КОМПЬЮТЕРНАЯ ГРУППА  
Е.А.Митченко, Л.В.Осипова

ЗАВЕДУЮЩАЯ РЕДАКЦИЕЙ  
Л.З.Симакова

Журнал «Квант» зарегистрирован в Комитете РФ по печати.  
Рег. св-во №0110473

Адрес редакции:  
117296 Москва, Ленинский проспект, 64-А, «Квант»,  
тел. 930-56-48

Отпечатано на Ордена Трудового Красного Знамени  
Чеховском полиграфическом комбинате  
Комитета Российской Федерации по печати  
142300 г.Чехов Московской области  
Заказ №