

## ИНФОРМАЦИЯ

### ФИЗИКО-МАТЕМАТИЧЕСКИЙ КОЛЛЕДЖ ПРИ «КУРЧАТОВСКОМ ИНСТИТУТЕ»

В 1995 году начал свою работу Физико-математический колледж (Малый исследовательский университет), входящий в состав Института естественных наук и экологии (ИНЕСНЭК) при Российском научном центре (РНЦ) «Курчатовский институт».

Колледж готовит высококвалифицированных специалистов в области физики и прикладной математики и информатики. Занятия проводятся на базе РНЦ. За основу обучения взята схема, успешно опробованная ранее в Московском физико-техническом институте и Новосибирском государственном университете. Эта схема подразумевает интенсивное изучение базовых университетских курсов физики и математики в течение первых лет обучения, чтобы уже со второго-третьего курса студенты могли принимать активное участие в научных исследованиях, проводимых в РНЦ. Количество студентов на курсе сравнительно небольшое (не более 20 человек), что позволяет сделать обучение практически индивидуальным. Как общие, так и специальные курсы читаются ведущими учеными — сотрудниками РНЦ и научно-исследовательских институтов Российской академии наук, непосредственно работающими в данных областях физики и математики. Спектр исследований, проводимых в РНЦ, достаточно обширен. Это — фундаментальные исследования в области термоядерного синтеза, физики элементарных частиц, слабого взаимодействия, кварк-глюонной плазмы, высокотемпературной сверхпроводимости, физики твердого тела, математического моделирования в экологии, работы по созданию нового поколения безопасных ядерных реакторов и многое другое. По всем этим направлениям РНЦ имеет прочные контакты и ведет совместные работы с ведущими мировыми научными центрами.

Обучение в колледже — 4 года. Окончившие колледж получают диплом бакалавра и продолжают учиться в ИНЕСНЭК еще 1 год и 10 месяцев до получения диплома магистра. Набор на первый курс осуществляется по результатам письменных экзаменов — по физике, математике и русскому языку — и собеседования. Вступительные экзамены проводятся в июле. Уровень требований на экзаменах достаточно высок — аналогичен требовани-

ям вступительных экзаменов в МФТИ, на механико-математический и физический факультеты МГУ и в другие ведущие вузы.

*Справки о поступлении можно получить по телефону 196-53-11 с 10 до 17 часов по рабочим дням.*

*Адрес колледжа: 123182 Москва, ул. Максимова, д. 4.*

Ниже приводятся образцы задач письменных вступительных экзаменов 1997 года по математике и физике.

#### МАТЕМАТИКА

1. Решите систему уравнений

$$\begin{cases} x + 2y - z = 3/8, \\ \log_x y + 5 \log_y x - 4z = 4, \\ 3 \log_x y - \log_y x + 4z = 6. \end{cases}$$

2. Решите неравенство

$$\frac{\sqrt{3} + \tan 2x}{\sqrt{3} + \tan x} \geq \frac{4 \cos^2 x - 1}{3 \cos 2x}$$

на отрезке  $[0; \pi]$ .

3. Из точки  $M$  с абсциссой  $x_0$ , расположенной на оси  $Ox$ , проводится прямая так, что она пересекает в точке  $A$  параболу  $y = -2 - ax^2$  ( $a > 0$ ), являясь в то же время перпендикулярной к касательной к данной параболе в точке  $A$ . Эта прямая пересекает параболу во второй точке  $B$  и отсекает от данной параболы сегмент. Определите наименьшее возможное значение длины отрезка  $AB$  и соответствующие этому отрезку значения минимальной площади отсекаемого сегмента и абсциссы  $x_0$  точки  $M$ . Какое числовое множество значений при данном условии минимальности длины отрезка  $AB$  может принимать абсцисса  $x_0$  точки  $M$  при допустимых значениях параметра  $a$ ?

4. В треугольнике  $ABC$  со сторонами  $AB = 12$ ,  $BC = 15$ ,  $AC = 9$  проведена биссектриса  $BB_1$ . Пусть  $C_1$  — точка касания  $AB$  с вписанной в треугольник окружностью, отрезки  $BB_1$  и  $CC_1$  пересекаются в точке  $P$ , прямая  $AP$  пересекает  $BC$  в точке  $A_1$ . Найдите отношение  $AP/PA_1$ .

5. В правильной треугольной пирамиде  $SABC$  сторона основания  $AB$  в  $p$  раз превосходит длину бокового ребра  $AS$ . Сфера с центром в точке  $O_1$  каса-

ется плоскостей  $SAB$  и  $SAC$  в точках  $B$  и  $C$ , сфера с центром в точке  $O_2$  касается плоскостей  $SAC$  и  $SBC$  в точках  $A$  и  $B$ . Найдите отношение объемов пирамид  $SBO_1O_2$  и  $SABC$ .

6. Докажите, что при любых  $x \in \mathbb{R}$  выполняется неравенство

$$x^4 + 9x^2 + 16 \geq \frac{17x(x^2 + 4)}{4}.$$

7. Найдите целую часть выражения

$$\sqrt{4n^2 + \sqrt{16n^2 + \sqrt{64n^2 + 16n + 3}}},$$

где  $n$  — натуральное число.

#### ФИЗИКА

1. На горизонтальной плоскости находится клин массой  $M$  с углом наклона

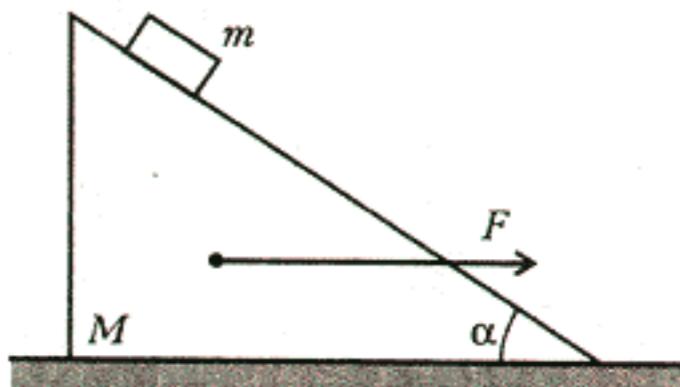


Рис. 1

$\alpha$  (рис. 1). На гладкую поверхность клина помещают брускок массой  $m$ . Вся система разгоняется приложенной к клину постоянной горизонтальной силой  $F$ . Коэффициент трения между клином и плоскостью  $\mu$ , трения между клином и бруском нет. Какова должна быть сила  $F$ , чтобы брускок в процессе разгона был неподвижен относительно клина?

2. В цилиндрической трубке с теплоизолирующими стенками имеются две жестко укрепленные перегородки

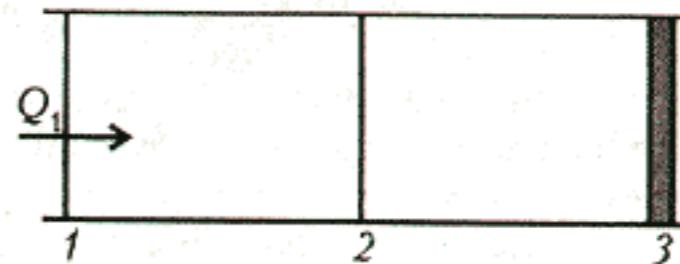


Рис. 2

1 и 2 и свободно движущийся теплопроницаемый поршень 3 (рис. 2). В начальный момент времени объем  $V_1$  между перегородками 1 и 2 и объем  $V_2$  между перегородкой 2 и поршнем 3 заполнены одноатомным газом с давлением  $p_0 = 1$  атм и температурой  $T_0$ . При этом поршень 3 неподвижен, так как вся система находится в атмосфере с тем же давлением  $p_0 = 1$  атм.