

Число вылетающих шайб можно считать обычным способом — как при расчете давления молекул на стенку. Нужно только учесть, что движение «двумерное» и оценка скорости вдоль некоторой оси должна содержать не «корень из трех», а «корень из двух» — квадрат полной скорости складывается из суммы квадратов двух составляющих скорости. Для оценки времени τ_1 вылета первой тысячи шайб будем считать «концентрацию» шайб неизменной:

$$\frac{0,5l(v/\sqrt{2})\tau_1 N}{a^2} = \frac{N}{10}, \quad \tau_1 = 3 \cdot 10^3 \text{ с.}$$

Для оценки времени вылета остальных шайб заметим, что при уменьшении концентрации уменьшается во столько же раз и число ударов (скорости шайб внутри будем считать не изменяющимися — это не совсем точно, так как у быстрых шайб вероятность вылететь за данный интервал времени побольше, но для оценки мы это учитывать не будем), тогда за следующие 3000 секунд вылетит $1/10$ оставшихся шайб, за следующие 3000 секунд — еще $1/10$ и т.д. Это означает, что число шайб, оставшихся после n таких интервалов, будет $(0,9)^n N$ и можно найти такое число интервалов, после которого останется, скажем, только одна шайба:

$$\lg N + n \lg 0,9 = 0, \quad n = -\frac{4}{\lg 0,9} \approx 100.$$

Тогда

$$\tau_2 = n\tau_1 \approx 3 \cdot 10^5 \text{ с.}$$

Посмотрим, большой ли вклад дают последние шайбы. Вероятность вылета при одном ударе можно оценить как отношение длины лузы к суммарной длине всех стенок — получается $1/400$. Время между ударами около 20 секунд, время вылета оказывается порядка нескольких тысяч секунд, что не изменяет заметно времени τ_2 .

А. Зильберман

Ф1617. В вертикальном теплоизолированном сосуде под массивным подвижным поршнем находится порция идеального одноатомного газа при температуре T_0 , поршень при этом находится в равновесии. Температуру газа в сосуде при помощи миниатюрного нагревателя очень быстро увеличивают в 2 раза и оставляют систему в покое. Какая температура установится в сосуде после того, как поршень перестанет двигаться? Трение поршня о стенки пренебрежимо мало. Поршень и стенки практически не получают тепла от газа. Воздуха снаружи нет.

Газ совершает работу по подъему поршня за счет своей внутренней энергии. Будем считать, что нагрев произошел настолько быстро, что поршень не успел за это время сместиться и набрать заметную скорость. Внутренняя энергия газа после нагрева составляет

$$U_1 = 1,5\nu R \cdot 2T_0.$$

Пусть поршень в конце концов поднялся на высоту h над начальным положением H . Обозначив конечную температуру T_1 , запишем условие равновесия до нагре-

ва и после установления равновесия:

$$\frac{Mg}{S} SH = \nu RT_0, \quad \frac{Mg}{S} S(H+h) = \nu RT_1,$$

где M — масса и S — площадь поршня. Теперь запишем закон сохранения энергии:

$$Mgh = 1,5\nu R \cdot 2T_0 - 1,5\nu RT_1.$$

Решая эту систему уравнений, получим

$$h = 0,6H, \quad T_1 = T_0 \frac{H+h}{H} = 1,6T_0.$$

М. Учителев

Ф1618. Теплопроводность дерева вдоль волокон в 2 раза больше, чем поперек. Два длинных тонких цилиндра одинаковых размеров сделаны из такого дерева; ось одного из них направлена вдоль волокон, ось другого составляет с направлением волокон угол 30° . Боковые поверхности цилиндров теплоизолируют и создают одинаковые разности температур между торцами цилиндров. Во сколько раз отличаются тепловые потоки в этих цилиндрах?

Тепловой поток (Q) через цилиндр пропорционален разности температур ($T_2 - T_1$), приходящейся на единицу длины (L) вдоль направления распространения тепла, и площади (S) поперечного сечения. Обозначив коэффициент пропорциональности K (коэффициент теплопроводности), получим тепловой поток для первого случая:

$$Q_1 = \frac{KS(T_2 - T_1)}{L}.$$

Во втором случае все сложнее. Будем считать, что полный тепловой поток складывается из потоков тепла, которые распространяются вдоль волокон (под углом α к оси цилиндра) и перпендикулярно этим волокнам. Мы могли бы выбрать направления и иначе, но именно вдоль этих направлений мы знаем коэффициенты теплопроводности. Для потока вдоль волокон перепад температур на единицу длины получается меньше, чем в первом случае, — он равен $((T_2 - T_1) \cos \alpha) / L$. Учтем и изменение «поперечной» площади — для этого направления получится $S \cos \alpha$. Для потока тепла в поперечном направлении все аналогично, но вместо угла α надо взять $(90^\circ - \alpha)$ и считать коэффициент теплопроводности вдвое меньшим. Тогда полный поток тепла во втором случае будет

$$Q_2 = \frac{KS \cos^2 \alpha \cdot (T_2 - T_1)}{L} + \frac{0,5KS \sin^2 \alpha \cdot (T_2 - T_1)}{L}.$$

Отношение тепловых потоков составит

$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{1}{0,75 + 0,5 \cdot 0,25} = \frac{8}{7} \approx 1,14.$$

С. Варламов

Ф1619. Вдали от всех других тел в космосе движутся два маленьких заряженных шарика, масса одного из них 1 г, другого 2 г. Заряды шариков равны по величине и противоположны по знаку. В данный момент расстояние между шариками 1 м, скорость более тяжелого шарика равна 1 м/с и направлена вдоль прямой, соединяющей центры шариков, по направлению